



TP ESTIMATION EXPERIMENTALE DE LA CONSTANTE DE GRAVITATION UNIVERSELLE G

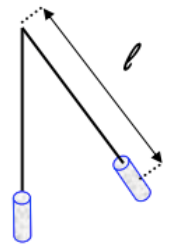
La constante gravitationnelle G fait partie de ces valeurs fondamentales de la physique comme la vitesse de la lumière, la charge de l'électron, ou la constante de Planck et celle de Boltzmann. Ces valeurs, aussi appelées constantes universelles, sont censées pouvoir être déterminées de façon exacte, comme leur nom l'indique.

La valeur adoptée soit $G = 6,674184 \cdot 10^{-11} \text{ m}^3 \text{ kg}^{-1} \text{ s}^{-2}$ est très faible, soit 66 millièmes de millièmes (66 précédé de 12 décimales).

DOCUMENT 1 : Fonctionnement du pendule simple

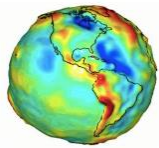
En physique, le pendule simple est une masse ponctuelle fixée à l'extrémité d'un fil sans masse, inextensible et sans raideur, oscillant sous l'effet de la pesanteur.

Lorsque le pendule est écarté d'un petit angle ($\alpha < 30^\circ$), la période des oscillations (durée d'un aller-retour) est constante.



DOCUMENT 2 : Valeur de l'intensité « g » du champ de pesanteur

Le champ de pesanteur est le champ attractif qui s'exerce sur tout corps matériel au voisinage de la Terre ou d'une autre planète. On l'appelle souvent pesanteur. Il s'agit d'un champ d'accélération dont l'intensité, à la surface de la Terre à l'altitude $h = 0$, vaut entre 9,78 et 9,83 m.s^{-2} .



Pourquoi un tel écart en fonction du lieu géographique ?

Il faut prendre en compte que la Terre n'est pas une sphère, mais une patatoïde aplatie sur les pôles. Le rayon de la Terre est plus grand vers l'équateur que vers les pôles, et donc g diminue quand la latitude φ augmente :

$$g_\varphi = g_{\text{équateur}} (1 + 5,3024 \cdot 10^{-3} \sin^2(\varphi))$$

DOCUMENT 3 : Propositions d'expressions littérales pour la période T des oscillations d'un pendule

a) $T = 2\pi \sqrt{\frac{ml}{g}}$; b) $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{mg}}$; c) $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$; d) $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{m}}$

DOCUMENT 4 : Quelques données sur la Terre

Rayon équatorial de la Terre : $R_{\text{équateur}} = 6378 \text{ km}$

Masse de la Terre : $M_T = 5,98 \cdot 10^{24} \text{ kg}$

Coordonnées de Paris : Longitude : $2,3^\circ$ Ouest
Latitude : $48,8^\circ$ Nord

QUESTIONS

- En effectuant une analyse dimensionnelle, choisir la bonne expression pour la période T des oscillations du pendule.
- Déterminer une valeur expérimentale de g à Paris :
 - Mesurer T pour plusieurs valeurs de l (au moins 5)
 - A l'aide d'un tableur, tracer T^2 en fonction de l
 - Établir un lien entre le coefficient directeur de la courbe de tendance et g .
 - Déterminer alors une valeur de g_{Paris} .
- En déduire une valeur de $g_{\text{équateur}}$.
- Donner une valeur expérimentale $G_{\text{mesuré}}$ pour G .
On calculera l'incertitude sur la mesure et on comparera $G_{\text{mesuré}}$ à la valeur théorique.